

## MÓDULO I - UE01

## CONJUNTOS - Introdução



## Objetivos:

Ao término desta unidade de estudo (U.E.) você deverá ser capaz de:

- entender intuitivamente a noção de conjuntos e identificar a diferença entre conjunto e elemento;
- representar os conjuntos entre chaves, indicando a característica no diagrama de Venn;
- dominar a relação de pertinência ou inclusão entre elemento, conjunto e subconjunto;
- utilizar corretamente os símbolos na teoria dos conjuntos;
- determinar a intersecção e união de conjuntos.

## CONJUNTOS

Caro aluno, a Matemática é uma ciência, isto é, ela é uma representação da vida. Ela começou a existir no momento em que o primeiro homem anotou, nas paredes da caverna, o total de caças conseguidas no dia. Assim, os números anotados representavam os animais caçados. Graças a esta tentativa de representação do que o cercava, o homem criou a Matemática, e fez com que ela evoluísse sempre. Percebe-se hoje a importância e a necessidade da Matemática na racionalização e aprimoramento de serviços prestados, como, por exemplo, os computadores, os radares, a televisão, etc.

## ELEMENTOS E CONJUNTOS

Você precisa saber que a noção de conjunto é fundamental em Matemática.

Tomemos, por exemplo, uma família composta por um homem, uma mulher e seu filho. Além dos três, podemos considerar como membros da família, os parentes. Como parentes, podemos entender:

- os pais dos pais;
- os irmãos dos pais;
- os avós dos pais;
- os tios dos pais;
- os primos dos pais;

Apesar de serem pessoas diferentes, o que os une realmente é o fato de serem parentes.

Na Matemática, os agrupamentos recebem o nome de Conjunto. Cada um dos componentes do conjunto é chamado Elemento. Um conjunto é formado por elementos unidos por um elo. Esse elo é chamado de propriedade. No exemplo acima, temos:

- o Conjunto é a Família
- os Elementos são os componentes da Família
- a propriedade comum é o fato de serem parentes.

**Pense conosco:**

- Quais são os elementos do conjunto dias da semana?

Os elementos do conjunto dias da semana são: segunda-feira, terça-feira, quarta-feira, quinta-feira, sexta-feira, sábado e domingo.

- Que conjunto se forma com os elementos primavera, verão, outono e inverno?

Você acertou se pensou no conjunto das estações do ano.

- Observe os seguintes dias da semana:  
quarta-feira, quinta-feira.

Qual é a propriedade comum dos elementos do conjunto formado por esses dois dias?

A propriedade comum dos elementos do conjunto formado por quarta-feira e quinta-feira é dias da semana que começam com a letra **q**.

**REPRESENTAÇÃO DE UM CONJUNTO**

Podemos representar um conjunto de três modos:

- a) Colocando entre chaves o nome de uma propriedade comum a seus elementos:

**Exemplos:**

{vogais}  
{dias da semana}  
{números pares}

- b) Nomeando os elementos do conjunto, separando-os com vírgula, também, entre chaves.

**Exemplos:**

- Conjunto das vogais:  
 $V = \{a, e, i, o, u\}$
- Conjunto das letras da palavra matemática:  
 $M = \{m, a, t, e, i, c\}$

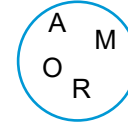
**Observação:**

- **Em conjuntos**, não se repete o elemento.
- A ordem em que eles aparecem não altera o conjunto,  $\{a, t, m, i, e, c\}$  ou  $\{i, e, c, a, t, m\}$  é o mesmo conjunto.

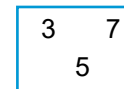
- c) Através do diagrama de Venn: escrevemos todos os elementos do conjunto no interior de uma linha fechada, chamada linha poligonal.

**Exemplos:**

- conjuntos das letras das palavras AMOR.



- Conjuntos dos números **ímpares** maiores que 2 e menores que 8:

**TIPOS DE CONJUNTOS****Conjunto Unitário**

É o conjunto formado por apenas um elemento.

**Exemplo:**

- conjunto **D** dos dias da semana que começam com a letra **d**.

$$D = \{\text{domingo}\}$$

**Conjunto Vazio**

É o conjunto que não possui elemento.

**Exemplo:**

- conjunto **F** dos meses do ano que começam com a letra **b**.

$$F = \{ \}$$

Para representarmos um conjunto vazio, podemos utilizar também o símbolo  $\emptyset$ .

Assim,  $F = \{ \}$  ou  $F = \emptyset$

**Conjunto Finito**

É o conjunto em que é possível citar todos os elementos (possui uma quantidade de elementos que pode ser determinada.)

**Exemplo:**

Conjunto S das letras da palavra SABER

$$S = \{S, A, B, E, R\}$$

## Conjunto Infinito

É o conjunto em que não é possível enumerar todos os elementos (possui uma quantidade de elementos que não pode ser determinada.)

Exemplo:

O conjunto dos números pares.

$$P = \{0, 2, 4, 6, 8, \dots\}$$

Neste caso, escrevemos o primeiro elemento, alguns que o sucedem e colocamos reticências, porque é impossível escrever todos os elementos.

## Exercícios Resolvidos

A. Represente, nomeando seus elementos, os seguintes conjuntos:

a) Conjunto **B** das letras da palavra ESCOLA.

**B** = {E, S, C, O, L, A} escrevemos os elementos separados por vírgula.

b) Conjunto **C** das vogais da palavra CONJUNTO.

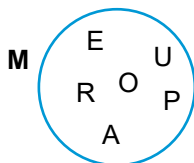
**C** = {O, U} não é necessário repetir a letra O.

c) Conjunto **D** dos números ímpares.

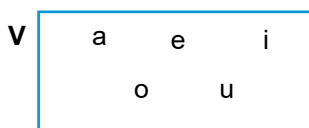
**D** = {1, 3, 5, 7...} escrevemos o primeiro elemento, alguns que o sucedem e colocamos reticências, pois não é possível escrever todos os elementos.

B. Represente, através do diagrama de Venn, cada conjunto abaixo:

a) Conjunto **M** das letras da palavra EUROPA.



b) Conjunto **V** das vogais.



## RELAÇÃO DE PERTINÊNCIA ENTRE ELEMENTO E CONJUNTO

Quando relacionamos elemento e conjunto, usamos a relação de pertinência  $\in$  (pertence) ou  $\notin$  (não pertence).

Tomemos o conjunto das vogais:

$$V = \{a, e, i, o, u\}$$

**a** é um elemento do conjunto das vogais.

**d** não é um elemento do conjunto das vogais

dizemos então que:

**a** pertence ao conjunto das vogais.

**d** não pertence ao conjunto das vogais.

Representamos simbolicamente assim:

$a \in \{a, e, i, o, u\} \rightarrow (\in)$  significa pertence.

$d \notin \{a, e, i, o, u\} \rightarrow (\notin)$  significa não pertence.

$\in \rightarrow$  pertence.

$\notin \rightarrow$  não pertence.

## Exercícios Resolvidos

C. Dados o conjunto **D** = {0, 2, 4, 6, 8} e os números 0, 1, 3, 6 e 7, relacione cada um desses números com **D**, utilizando ( $\in$ ) ou ( $\notin$ ).

## Resolução

O número 0  $\in$  **D**  $\rightarrow$  pois o zero pertence ao conjunto D.

O número 1  $\notin$  **D**  $\rightarrow$  pois o número 1 não pertence ao conjunto D.

O número 3  $\notin$  **D**  $\rightarrow$  pois o número 3 não pertence ao conjunto D.

O número 6  $\in$  **D**  $\rightarrow$  pois o número 6 pertence ao conjunto D.

O número 7  $\notin$  **D**  $\rightarrow$  pois o número 7 não pertence ao conjunto D.

D. Coloque os símbolos  $\in$  (pertence) e  $\notin$  (não pertence), para que cada um dos itens expresse uma verdade.

• 5  $\in$  {1, 2, 3, 4, 5, 6}, pois 5 pertence ao conjunto.

• verde  $\in$  {cores da bandeira brasileira}, pois a cor verde, é uma das cores da bandeira brasileira.

• x  $\notin$  {a, e, i, o, u}, pois x não pertence ao conjunto.

• 7  $\notin$  {números pares}, pois o número sete é um número ímpar, portanto não pertence ao conjunto dos números pares.

## SUBCONJUNTOS

Podemos dizer, intuitivamente, que um subconjunto de **B** nada mais é que um conjunto **A** que “está dentro” de **B**.

Observe os conjuntos:

$$\mathbf{A} = \{2, 3, 4\} \text{ e } \mathbf{B} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$$

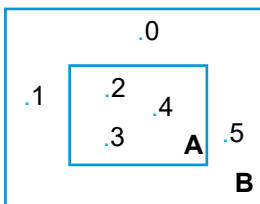
Notamos que qualquer elemento do conjunto **A** é também elemento do conjunto **B**.

Dizemos, então que:

**A está contido** ( $\subset$ ) em **B** ou **A** é **subconjunto** de **B**.

Indica-se:  $A \subset B$

Em diagrama:



Caro aluno, preste atenção nestas observações:

- Quando **A** está contido em **B** podemos dizer também, que **B** contém **A**, e se indica por:

$$\mathbf{B} \supset \mathbf{A} \quad (\mathbf{B} \text{ contém } \mathbf{A})$$

- Se existir, pelo menos, um elemento de **A** que não seja elemento de **B**, dizemos que **A** não está contido em **B** ou **A** não é subconjunto de **B**, e se indica por:

$$\mathbf{A} \not\subset \mathbf{B} \quad (\mathbf{A} \text{ não está contido em } \mathbf{B})$$

- A negação de  $\supset$  (contém) é  $\not\supset$  (não contém).
- A relação de pertinência ( $\in$ ) e a relação de inclusão ( $\subset$ ) são diferentes, pois: os símbolos  $\in$  e  $\notin$  relacionam elementos com conjunto, enquanto os símbolos  $\subset$  e  $\not\subset$  relacionam conjunto com conjunto.

$\in$  e  $\notin$  (relacionam elemento com conjunto).

$\subset$  e  $\not\subset$  (relacionam conjunto com conjunto).

E não se esqueça de guardar estas propriedades:

## Propriedades

- 1ª) Todo conjunto é subconjunto de si mesmo, ou seja,  $\mathbf{A} \subset \mathbf{A}$  (**A** está contido em **A**).
- 2ª) O conjunto vazio é considerado subconjunto de qualquer conjunto, ou seja,  $\emptyset \subset \mathbf{A}$  ( $\emptyset$  está contido em **A**).
- 3ª) Se  $\mathbf{A} \subset \mathbf{B}$  e  $\mathbf{B} \subset \mathbf{A}$ , então  $\mathbf{A} = \mathbf{B}$  (conjuntos iguais).

## Exercícios Resolvidos

- E. Dados os conjuntos  $\mathbf{A} = \{3, 4, 5, 6, 7\}$ ,  $\mathbf{B} = \{4, 5, 6\}$  e  $\mathbf{C} = \{3, 7\}$ , utilize os símbolos  $\subset$ ,  $\not\subset$ ,  $\supset$ ,  $\not\supset$  para relacionar os seguintes conjuntos.

- **B e A:**  $\mathbf{B} \subset \mathbf{A} \rightarrow$  o conjunto **B** está contido em **A** pois todos os elementos de **B**, são também elementos de **A**.
- **C e B:**  $\mathbf{C} \not\subset \mathbf{B} \rightarrow$  o conjunto **C** não está contido em **B**, pois todos os elementos de **C** não são elementos de **B**.
- **A e B:**  $\mathbf{A} \supset \mathbf{B} \rightarrow$  o conjunto **A** contém o conjunto **B**, ou seja **B** é um subconjunto de **A**, pois todos os elementos de **B** estão em **A**.
- **B e C:**  $\mathbf{B} \not\supset \mathbf{C} \rightarrow$  o conjunto **B** não contém o conjunto **C**, pois todos os elementos do conjunto **C** não estão no conjunto **B**.

- F. Complete as lacunas com um dos sinais  $\subset$  e  $\not\subset$ , de modo a tornar as sentenças verdadeiras:

- $\{2\} \dots \{2, 3, 4\} \rightarrow$  o subconjunto  $\{2\}$  está contido no conjunto  $\{2, 3, 4\}$ , pois o elemento do 1ª está contido no 2ª conjunto.
- $\{2, 3, 4\} \dots \{2, 3, 4\} \rightarrow$  pois todos os elementos do 1ª conjunto são também elementos do 2ª.
- $\emptyset \dots \{2, 3, 4\} \rightarrow$  pois o conjunto vazio é considerado subconjunto de qualquer conjunto.
- $\{2, 6\} \dots \{2, 3, 4\} \rightarrow$  pois existe um elemento (6) do 1ª conjunto que não é elemento do 2ª, portanto  $\{2, 6\}$  não está contido em  $\{2, 3, 4\}$ .

## CONJUNTOS IGUAIS

Dois conjuntos **A** e **B** são **iguais** se, e somente se, têm os mesmos elementos. Ou seja, todo elemento de **A** é elemento de **B** e vice-versa.

Sejam os conjuntos:

**A** = conjunto das letras da palavra AMOR.

**B** = conjunto das letras da palavra ROMA.

Representando seus elementos entre chaves temos:

$$A = \{A, M, O, R\}$$

$$B = \{R, O, M, A\}$$

Observe que  $A \subset B$ , porque todos os elementos de **A** são elementos de **B** e  $B \subset A$ , porque todos os elementos de **B** são elementos de **A**.

Desta forma, dizemos que os conjuntos de **A** e **B** são iguais.

Assim:

$$\text{Se } A \subset B \text{ e } B \subset A, \text{ então } A = B$$

A negação de  $A = B$  é  $A \neq B$  (lê-se **A** diferente de **B**)

## OPERAÇÃO COM CONJUNTOS

Aluno, você pode chamar de reunião de dois conjuntos **A** e **B** ao conjunto formado por todos os elementos do conjunto **A**, todos os elementos do conjunto **B** e só por eles. Representa-se por:

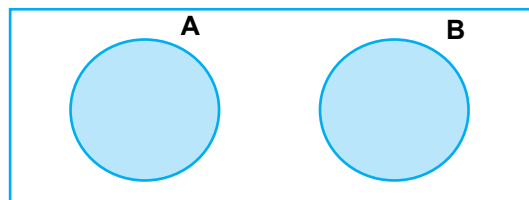
$$A \cup B \quad (\text{lê-se } A \text{ união } B).$$

Exemplo:

Seja  $A = \{1, 2, 3\}$  e  $B = \{4, 5\}$ , o conjunto  $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ .

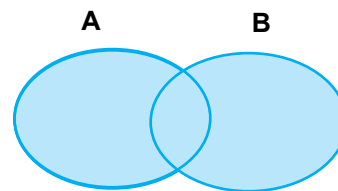
É só você escrever os elementos de **A** e os elementos de **B** em um só conjunto.

Agora, preste atenção nestes diagramas:



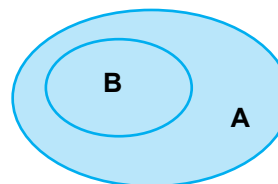
$$A \cup B$$

os conjuntos **A** e **B** não possuem elementos comuns



$$A \cup B$$

os conjuntos **A** e **B** possuem elementos comuns



$$A \cup B$$

o conjunto **B** está contido no conjunto **A**

## INTERSECÇÃO DE CONJUNTOS

Chama-se **intersecção** de dois conjuntos **A** e **B** ao conjunto formado pelos elementos de **A**, que são também elementos de **B**.

Exemplo: seja  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  e

$B = \{3, 4, 5, 6\}$

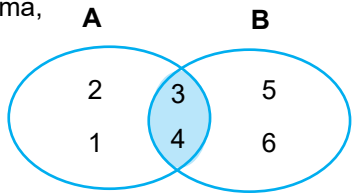
O conjunto intersecção dos conjuntos **A** e **B** é representado por:

$$A \cap B \quad (\text{lê-se } A \text{ intersecção } B).$$

$$A \cap B = \{3, 4\}$$

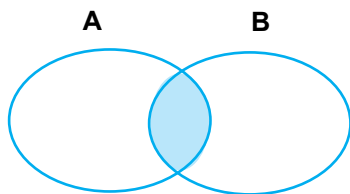
3 e 4 são os elementos que pertencem simultaneamente aos dois conjuntos.

No diagrama,



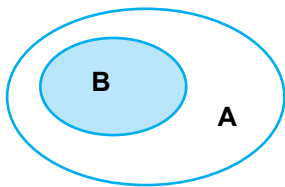
A intersecção está representada na parte interna comum às duas linhas.

Em diagrama:



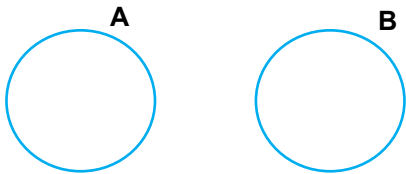
$$A \cap B$$

Os conjuntos **A** e **B** têm elementos comuns.



$$A \cap B$$

O conjunto **B** está contido no conjunto **A**.



$$A \cap B = \emptyset$$

Os conjuntos **A** e **B** não têm elementos comuns. São chamadas de disjuntas.

## EXERCÍCIOS



Para fixar o que você (estudou / aprendeu), resolva, em seu caderno os exercícios a seguir:

01. Efetue a reunião dos conjuntos:

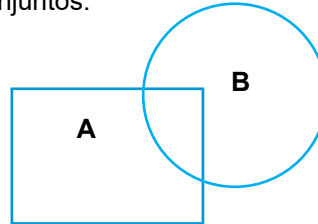
- $P = \{2, 3\}$  e  $Q = \{3, 5, 6\}$
- $B = \{1, 9\}$  e  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$
- $M = \{a, e, i\}$  e  $N = \{2, 7\}$
- $D = \{6, 8\}$  e  $E = \{6, 7, 8\}$

02. Faça a intersecção dos conjuntos dados:

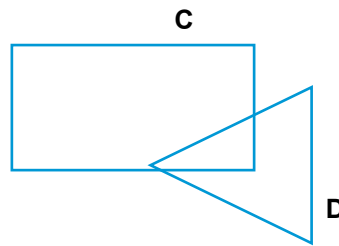
- $A = \{1, 2, 3\}$  e  $B = \{4, 3, 2\}$
- $A = \{1, 2, 3\}$  e  $P = \{4, 5\}$
- $B = \{a, e, i, o, u\}$  e  $N =$  conjunto das letras do alfabeto

03. Pinte a parte correspondente a intersecção dos conjuntos:

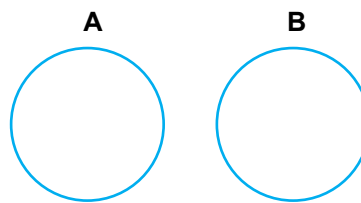
a)



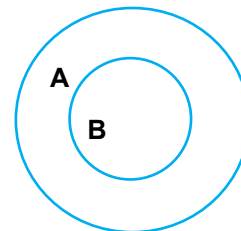
b)



c)



d)



04. Se  $A = \{a, b, c\}$  e  $B = \{a, d\}$ , calcule:

- $A \cup B$
- $A \cap B$

05. Dados os conjuntos  $A = \{1, 2, 4\}$  e  $B = \{2, 4\}$  e  $C = \{1, 4, 5\}$ , coloque V (verdadeiro) ou F (Falso):

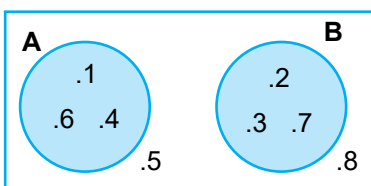
- $A \subset B$
- $A \not\subset C$
- $B \supset C$
- $A \supset B$
- $B \not\subset C$

06. Dados os conjuntos  $A = \{2, 3, 4\}$ ,  $B = \{2, 4\}$ ,  $C = \{0\}$  relacione os elementos com os conjuntos usando os símbolos  $\in$  e  $\notin$ .

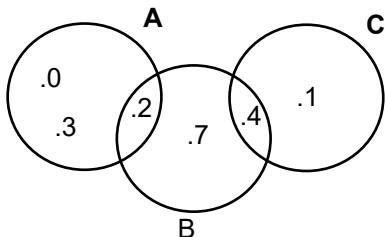
- a) 2 \_\_\_\_\_ **A**
- b) 3 \_\_\_\_\_ **B**
- c) 4 \_\_\_\_\_ **B**
- d) 0 \_\_\_\_\_ **C**
- e) 1 \_\_\_\_\_ **C**
- f) 2 \_\_\_\_\_ **B**

07. Observe o diagrama e verifique quais das seguintes sentenças são verdadeiras:

- a)  $1 \in A$  ( )
- b)  $6 \notin B$  ( )
- c)  $4 \in B$  ( )
- d)  $8 \notin A$  ( )
- e)  $A = \{1, 6, 4\}$  ( )
- f)  $B = \{2, 3, 7, 8\}$  ( )



08. Observando o diagrama a seguir, determine os conjuntos:



- a)  $A \cup B$
- b)  $A \cup C$
- c)  $B \cup C$
- d)  $A \cup B \cup C$
- e)  $A \cap B$
- f)  $B \cap C$
- g)  $A \cap C$

09. Dados os conjuntos  $A = \{1, 2, 5, 8\}$  e  $B = \{0, 2, 4, 6, 8\}$  responda:

- a) Quais os elementos que estão em **A** e não estão em **B**?
- b) Quais os elementos que pertencem a **B** mas não pertencem a **A**?
- c) Quais os elementos que pertencem aos dois conjuntos ao mesmo tempo?

### ATIVIDADE COMPLEMENTAR

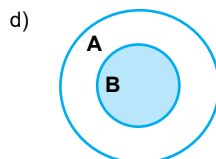
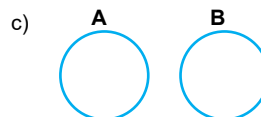
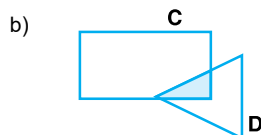
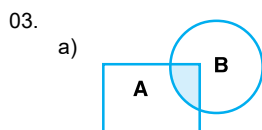
01. Dados os conjuntos:  $A = \{1, 2, 3\}$ ,  $B = \{2, 3, 4, 5\}$ ,  $C = \{0, 2, 4, 6\}$  e  $D = \{1, 3, 5, 7, 9\}$  encontre:

- a)  $A \cup B$
- b)  $B \cup C$
- c)  $C \cup D$
- d)  $A \cap B$
- e)  $B \cap C$
- f)  $C \cap D$

## GABARITO - MÓD. I - UE01

- 01.
- a)  $P \cup Q = \{2, 3, 5, 6\}$
  - b)  $B \cup A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 9\}$
  - c)  $M \cup N = \{a, e, i, 2, 7\}$
  - d)  $D \cup E = \{6, 7, 8\}$

- 02.
- a)  $A \cap B = \{2, 3\}$
  - b)  $A \cap P = \{ \}$  ou  $\emptyset$
  - c)  $B \cap N = \{a, e, i, o, u\}$



- 04.
- a)  $A \cup B = \{a, b, c, d\}$
  - b)  $A \cap B = \{a\}$

- 05.
- a) F
  - b) V
  - c) F
  - d) V
  - e) V

- 06.
- a)  $\in$
  - b)  $\notin$
  - c)  $\in$
  - d)  $\in$
  - e)  $\notin$
  - f)  $\in$

- 07.
- a) V
  - b) V
  - c) F
  - d) V
  - e) V
  - f) F
- 08.
- a)  $A \cup B = \{0, 2, 3, 4, 7\}$
  - b)  $A \cup C = \{0, 1, 2, 3, 4\}$

- c)  $B \cup C = \{1, 2, 4, 7\}$
- d)  $A \cup B \cup C = \{0, 1, 2, 3, 4, 7\}$
- e)  $A \cap B = \{2\}$
- f)  $B \cap C = \{4\}$
- g)  $A \cap C = \emptyset$

- 09.
- a) 1 e 5
  - b) 0, 4 e 6
  - c) 2 e 8

## Atividade Complementar

- 01.
- a)  $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$
  - b)  $B \cup C = \{0, 2, 3, 4, 5, 6\}$
  - c)  $C \cup D = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 9\}$
  - d)  $A \cap B = \{2, 3\}$
  - e)  $B \cap C = \{2, 4\}$
  - f)  $C \cap D = \{ \}$



## CAPÍTULO – CMMF1 – CONJUNTOS – INTRODUÇÃO

<https://www.youtube.com/watch?v=fSJAzKaB8mc>

Prof Rafael - Noções Básicas de Conjuntos | MAB #4

<https://www.youtube.com/watch?v=1zxL3MYdK04>

Nerckie - Matemática - Aula 1 - Conjuntos - Parte 1

<https://www.youtube.com/watch?v=bQ42UcLEjoY>

Nerckie - Matemática - Aula 1 - Conjuntos - Parte 2

<https://www.youtube.com/watch?v=XetNn3fNjMo>

Nerckie - Matemática - Aula 1 - Conjuntos - Parte 3

<https://www.youtube.com/watch?v=ERrIYN-Tllo>

Nerckie - Matemática - Aula 1 - Conjuntos - Parte 4

<https://www.youtube.com/watch?v=0aUEDxYjZg8>

Prof Ferretto - Conjuntos: Introdução (Aula 1 de 4)

<https://www.youtube.com/watch?v=Wxm3ugnq9Sw>

Prof Ferretto - Conjuntos: Subconjuntos e Conjunto das Partes (Aula 2 de 4)

<https://www.youtube.com/watch?v=c5a99sX-Sq8>

Prof Ferretto - Conjuntos: União e Intersecção (Aula 3 de 4)

## EXERCÍCIOS

<https://www.youtube.com/watch?v=MXb7zrCr1sw>

Saber Matemática - EXERCÍCIOS RESOLVIDOS SOBRE UNIÃO DE CONJUNTOS

<https://www.youtube.com/watch?v=GG9SqO8lkPo>

Prof Arcir - 23 Conjuntos Exercícios 16 e 17 União de Conjuntos

<https://www.youtube.com/watch?v=sd4bqcjcqPY>

Prof Arcir - 21 Conjuntos Exercícios 13 e 14 Intersecção de Conjuntos Venn

<https://pt.slideshare.net/andersoncrosa9/lista-de-exerccios-conjuntos-6-ano>

<https://exercicios.brasilecola.uol.com.br/exercicios-matematica/exercicios-sobre-os-conjuntos.htm>

<https://matematicabasica.net/operacoes-com-conjuntos-exercicios/>